



**NASIONALE
SENIOR SERTIFIKAAT**

GRAAD 12

SEPTEMBER 2014

**WISKUNDIGE GELETTERDHEID V2
MEMORANDUM**

PUNTE: 150

Simbool	Verduideliking
M	Metode
MA	Metode met akkuraatheid
CA	Voortgesette akkuraatheid
A	Akkuraatheid (Antwoord)
C	Omskakeling
S	Vereenvoudiging
RT/RG/RM	Lees van tabel/Lees van grafiek/Lees van kaart
F	Kies van korrekte formule
SF	Substitusie in formule
J/O	Mening
P	Penalisering vir geen eenhede, verkeerde afronding, ens.
R	Afronding/Rede

Hierdie memorandum bestaan uit 9 bladsye.

VRAAG 1			
1.1	Bedrag = $358\ 110 - 258\ 750 \checkmark \checkmark$ = $99\ 360 \times 0,30 \checkmark$ = $29\ 808 + 53\ 096 \checkmark$ = R82 904 \checkmark	2M Aftrekking deur gebruik te maak van die korrekte min en maks waardes 1M x 30% 1M + 1CA Voorgesette akkuraatheid	(5)
1.2	Belastingkorting = Primêr + Sekondêr + Tersiêr = $12\ 080 + 6\ 750 + 2\ 250 \checkmark \checkmark$ = R21 080 \checkmark	2M + alle kortings 1CA Voorgesette akkuraatheid	(3)
1.3	Personne wie R67 111 of minder verdien, word kwytgeskeld van belasting betaling $\checkmark \checkmark$ OF Enige logiese verduideliking	2A Verduideliking	(2)
1.4	Inkomstebelasting gebaseer op belasbare inkomste = 18% van elke rand \checkmark = $0,18 \times 104\ 611 \checkmark$ = R18 829,98 = R18 830 \checkmark Werklike belasting = Inkomstebelasting – Kortings = $18\ 830 - (12\ 080 + 6\ 750) \checkmark$ = $18\ 830 - 18\ 830 \checkmark$ = R0 \checkmark	1F Korrekte formule 1M Bereken 18% 1A Ronding tot naaste rand 1M optel van korting 1M trek korting af van inkomstebelasting 1A	(6)
1.5	1.5.1 Jaarlikse Belasbare Inkomste = $22\ 421 \times 12$ = R269 052 \checkmark Belasting betaalbaar = $53\ 096 + (30\% \text{ van die bedrag bo}$ 258 750) \checkmark = $53\ 096 + 0,3 \times (269\ 052 - 258\ 750) \checkmark$ = $53\ 096 + (0,3 \times 10302) \checkmark$ = $53\ 096 + 3090,60 \checkmark$ = $56\ 186,60 - 12\ 080$ Jaarlikse belasting = 44 106,60 \checkmark Maandelikse belasting = $44\ 106,60 / 12$ = R3 675,55 \checkmark Stem saam, hy was met R557,70 oorbelas (R4 233,25 – R3 675,55) \checkmark	1MA maandelikse inkomste x 12 1F Korrekte belastingkoers 1S Aftrekking 1CA x 30% 1CA trek korting af 1CA deel deur 12 1O	(8)

	1.5.2	Netto salaris = inkomste – aftrekkings = $45\ 742 - (3\ 675,55 + 1\ 685,57 + 1\ 156 + 3\ 230)$ ✓ = $45\ 742 - 9\ 747,12$ ✓ = R35 994,88 ✓	1CA 1CA Totale aftrekkings 1CA	(3)
	1.5.3	% Pensioenfondsbydrae = $\frac{1\ 685,57}{22\ 421} \times 100$ ✓ = 7,517... = 7,5% ✓	2M Korrekte waarde gebruik 1A % tot 1 des. plek	(3)
	1.5.4	Bedrag gespaar = $\frac{2}{3} \times 22\ 421$ ✓ OPSIE 1 $P = 14\ 947,33$ $i = 9,25/200$ = 0,04625 ✓ $n = 3 \times 2$ = 6 ✓ $A = P (1 + i)^n$ = $14\ 947,33(1 + 0,04625)^6$ ✓ = $14\ 947,33(1,311634484)$ ✓ = 19 605,43347 = R19 605,43 ✓ OPSIE 2 $A = P (1 + ni)$ = $14\ 947,33(1 + 0,105 \times 3)$ ✓ = 14 947,33(1,315) = 19 655,73895 ✓ = R19 655,74✓ Verskil = R19 655,74 – R19 605,43 ✓ = R50,31 ✓ OF Verskil = $(19\ 655,74 - 14\ 947,33) - (19\ 605,43 - 14\ 947,33)$ ✓ = 4 708,41 – 4 658,10 = R50,31 ✓	1M Bereken $\frac{2}{3}$ van die diensbonus 1A 1A Bereken i waarde 1A Bereken n waarde 1SF Vervanging in korrekte formule 1S 1CA Voorgesette akkuraatheid 1SF Vervanging in korrekte formule 1S 1CA Korrekte ronding 1M Verskil tussen Opsie 1 en Opsie 2 se finale waardes 1CA Voorgesette akkuraatheid 1M Verskil tussen Opsie 1 en Opsie 2 se finale waardes 1CA Voorgesette akkuraatheid	(12)

1.6	1.6.1	<p>90% OF (0,9) van rose ✓ = $12 + 15 = 27$ ✓</p> <p>Totale rose = $\frac{27}{0,9} = 30$ ✓</p>	<p>1A Verskil as 'n %</p> <p>1A</p> <p>1M Deel deur 90%</p> <p>1CA Voorgesette akkuraatheid</p>	
	1.6.2	Verskillende kleure = $30 - 27$ ✓ = 3 rose ✓	1CA Trek 27 af 1CA Voorgesette akkuraatheid	(2)
	1.6.3	$P(\text{n rooi roos}) = \frac{12}{30}$ ✓ = 40% ✓	1CA Korrekte noemer en teller 1CA As 'n %	(2)
	1.6.4	<p>Prys van 1 roos uitsluitende BTW = $\frac{250}{30}$ ✓ = R8,333... 1,14 ✓ = R7,3099...✓ = R7,31 ✓</p> <p>OF</p> <p>Prys van 1 roos uitsluitende BTW = $\frac{250}{1,14}$ ✓ = 219,298... 30 ✓ = R7,3099...✓ = R7,31 ✓</p>	<p>1M Deel 250 deur 30 (CA)</p> <p>1MA Deel deur 1,14 1A</p> <p>1CA Korrekte ronding</p> <p>1MA Deel 250 deur 1,14</p> <p>1M Deel deur 30 (CA) 1A</p> <p>1CA Korrekte ronding</p>	(4)
				[54]
VRAAG 2				
2.1	2.1.1	<p>1. Heg die Nokas aan die Drukskyf deur die steel van die Nok in die Drukskyf se middelopening te plaas. Druk stewig vas. Jy sal 'n kliekgeluid hoor as die As in plek is. FIGUUR D ✓</p> <p>2. Laat die Motordeel in lyn wees met die Groewe van die Nokskyf. Plaas die Nokskyf in die Motordeel. Gebruik die twee Knypers op die Nokskyf, draai liggies kloksgewys totdat die Skyf in posisie kliek. FIGUUR E ✓</p> <p>3. Pas die As binne in die eenheid totdat die buite-kontoere in lyn is met die 2 Skywe. FIGUUR C ✓</p>		

		<p>4. Kies 'n skyf en plaas dit in die Buisomhulsel. Plaas dan die buis in die Buisomhulsel en draai dit klokgewys totdat dit klem. FIGUUR B ✓</p> <p>5. Met 'n platlem-mes, laai met vars voorbereide deeg aan die bokant van die Buis. FIGUUR A ✓</p> <p>6. Kyk binne in die Buis om te sien hoe die riwwe van bo na onder uitstrek. Hierdie riwwe moet inlyn gebring word met die kontoere van die 2 Skywe. Hou die Buis stewig vas en koppel dit aan die Motordeel met die Gevulde Buis en draai dit klokgewys totdat die Buis in posisie sluit. FIGUUR A ✓</p>	A 1 x 6 (Identifiseer korrekte figuur) (6)	
		2.1.2 Enige logiese en relevante verduideliking.✓✓	2O	(2)
2.2.	2.2.1	<p>$10 \text{ mm} = 1 \text{ cm}$ en $12 \text{ mm} = 1,2 \text{ cm}$</p> <p>Hoogte van gevulde buis $= 16,5 \text{ cm} - 1 \text{ cm} - 1,2 \text{ cm}$ ✓✓ $= 14,3 \text{ cm}$ ✓</p>	<p>1C Herlei beide na cm</p> <p>1M Aftrekking</p> <p>1A</p>	(3)
	2.2.2	<p>Maksimum hoogte wat gevul moet word $= 0,769 \times 14,3 \text{ cm}$ ✓ $= 10,9967 \text{ cm}$ ✓</p> <p>Hoogte wat nie gevul moet word nie $= 14,3 \text{ cm} - 10,9967 \text{ cm}$ ✓ $= 3,3033 \text{ cm}$ $= 3,3 \text{ cm}$ ✓</p> <p style="text-align: center;">OF</p> <p>% Verskil $= 100\% - 76,9\%$ ✓ $= 23,1\%$ ✓</p> <p>Hoogte wat nie gevul moet word nie $= 0,231 \times 14,3 \text{ cm}$ ✓ $= 3,3033 \text{ cm}$ $= 3,3 \text{ cm}$ ✓</p>	<p>1M Bereken 76,9% van antw in V2.2.1</p> <p>1CA Voorgesette akkuraatheid</p> <p>1M Aftrekking</p> <p>1CA Voorgesette akkuraatheid</p> <p>1M Verskil in %</p> <p>1A</p> <p>1M Bereken 23,1% van antwoord in V2.2.1</p> <p>1A</p>	(4)
	2.2.3	<p>Aantal koekies gedruk $= \frac{14,3 \text{ cm}}{0,5 \text{ cm}}$ ✓✓ $= 28,6$ ✓ $= 28$ koekies ✓</p>	<p>1C Herlei 5 mm na cm</p> <p>1CA Antwoord in V2.2.1(deel)</p> <p>1A</p> <p>1CA Korrekte ronding</p>	(4)

2.3	2.3.1	$\text{Omtrek} = 2\pi r \checkmark$ $17,9094 = 2 \times 3,142 \times R \checkmark$ $17,9094 = 6,284r$ $\underline{17,9094} = r$ $6,284 \checkmark$ $2,85 \text{ cm } \checkmark = r$	1F Gebruik die korrekte formule 1SF Korrekte vervanging 1M Deel beide kante deur 6,284 1A	(4)
	2.3.2	$\text{Oppervlak} = \pi r^2 \checkmark$ $= 3,142 \times 2,85^2 \checkmark$ $= 25,520895 \text{ cm}^2 \checkmark$	1F Gebruik die korrekte formule 1SF Korrekte vervanging 1A	(3)
2.4		$P (\text{skyfie } 11 \text{ en tip } 8) = \frac{1}{12} \times \frac{1}{8}$ $= \frac{1}{96} \checkmark$	1MA: Korrekte Teller 1MA: Korrekte Noemer	(2)
2.5	2.5.1	$\text{Baktyd} = 15 \text{ min} + 10 \text{ min } \checkmark$ $= 25 \text{ min } \checkmark$	1M: Optelling van tyd 1A	(2)
	2.5.2	<p>Begin temperatuur ${}^\circ\text{C} = \frac{(375 - 32)}{1,8} \checkmark$ $= \underline{343}$ $1,8$ $= 190,555\dots$ $= 191 {}^\circ \checkmark$</p> <p>Verminderde temperatuur = $375 {}^\circ\text{F} - 25 {}^\circ\text{F}$ $= 350 {}^\circ\text{F} \checkmark$</p> <p>Celsius = $\frac{(350 - 32)}{1,8} \checkmark$ $= \underline{318}$ $1,8$ $= 176,666\dots$ $= 177 {}^\circ \checkmark$</p>	1SF 1A Afgerond tot naaste ${}^\circ$ 1MA Bereken die verminderde temp. 1SF 1A Afgerond tot naaste ${}^\circ$	(5)
	2.5.3	$\text{Begin temperatuur} = 200 {}^\circ\text{C} \checkmark$ $\text{Verminderde temperatuur} = 180 {}^\circ\text{C} \checkmark$	1A Afgerond tot naaste $20 {}^\circ$ 1A Afgerond tot naaste $20 {}^\circ$	(2)
				[37]
VRAAG 3				
3.1	3.1.1	Craven se huis = B1 \checkmark Loftus Versfeldstadion = A3 \checkmark	1A 1A	(2)

	3.1.2	Rigting = Oosnoordoos (ONO) ✓ OF Noordoos (NO) ✓ Peiling = 63° ✓ (Aanvaar $61^{\circ} - 65^{\circ}$)	1A: Rigting 1A:Peiling	(2)
	3.1.3	1 cm op die kaart ✓ verteenwoordig 100 m ✓ OF 10 000 cm OF 0,1 km in werklikheid ✓	1A Verwys na kaart 1A Verwys na werklikheid	(2)
	3.1.4	Moontlike roetes Kruis Walton Jamesonweg in Villastraat, links in Farendenstraat, regs in Parkstraat. ✓✓✓ OF Kruis Walton Jamesonweg in Villastraat, regs in Farendenstraat, links in Bondstraat en links in Kirknesslaan. ✓✓✓ OF Enige ander alternatiewe roete vanuit Spuyweg. ✓✓✓	3A Roete moet Spuyweg voorafgegaan word	(3)
	3.1.5	1. Afstand = $13 \times 0,1 \text{ km}$ ✓✓ = 1,3 km ✓ Spoed = <u>Afstand</u> Tyd 40 km/h = <u>1,3 km</u> Tyd ✓ Tyd = <u>1,3 km</u> 40 km/h = 0,0325 ✓ x 60 ✓ = 1,95 min ✓ Ja, Craven se bewering is waar. ✓ OF 2. Afstand = $14,7 \times 0,1 \text{ km}$ ✓✓ = 1,47 km ✓ Spoed = <u>Afstand</u> Tyd 40 km/h = <u>1,47 km</u> Tyd ✓ Tyd = <u>1,47 km</u> 40 km/h = 0,03675 ✓ x 60 ✓ = 2,205 min ✓ Nee, Craven se bewering is nie waar nie. ✓ Laat meting van 2 mm toe *Neem kennis: Werk met leerder se roete in VRAAG 3.1.4.	2A Meting in cm 1MA x skaal 1SF 1S 2CA x 60 1CA 2A Meting in cm 1MA x skaal 1SF 1S 2CA x 60 1CA (8)	

	3.1.6	Verkeersligte ✓ Padwerke ✓ Verkeersopeenhopings ✓ (Enige TWEE relevante antwoorde)	2A Een punt per faktor	(2)						
3.2	3.2.1	Omvang = hoogste waarde – laagste waarde 80 = 88 – laagste waarde Laagste waarde = 88 – 80 ✓ = 8 ✓	1M Trek 80 vanaf 88 1A	(2)						
	3.2.2	Gemiddelde = $27+B+60+73+88+15+8+B+45+34+$ <u>$68+B+43+37+B+16+25+53$</u> ✓ 18 ✓ $40 = \frac{592 + 4B}{18}$ $40 \times 18 = 592 + 4B$ $720 = 592 + 4B$ $720 - 592 = 4B$ ✓ $\frac{128}{4} = \frac{4B}{4}$ $B = 32$ ✓	1M Tel alle waardes op 1M Deel deur 18 1S 1CA Waarde van B	(4)						
	3.2.3	8 ; 15 ; 16 ; 25 ; 27 ; 32 ; 32 ; 32 ; 32 ; 34 ; 37 ; 43 ; 45 ; 53 ; 60 ; 68 ; 73 ; 88 ✓ Mediaan = $\frac{32 + 34}{2}$ ✓ $= \frac{66}{2}$ $= 33$ ✓	1M/A Rangskikking 1M Konsep van mediaan 1CA (A en B se waardes)	(3)						
	3.2.4	Dit word skeef getrek deur die uitskieters 8 en 88 ✓✓	2O	(2)						
	3.2.5	Mediaan ✓ Gemiddelde ✓	1A 1A	(2)						
				[32]						
VRAAG 4										
4.1	4.1.1	Besoekers vanaf:	Julie	Augustus	September	Oktober	November	Desember	Totaal	
		SA	15	8	10✓	5	9	20✓	67	
		Buiteland	10✓	3	12	6	4	26	61	
		Totaal	25	11✓	22	11	13	46✓	128✓	
								6A 1 punt vir elke korrekte antwoord	(6)	

	4.1.2	<p>Aantal besoekers vanaf SA en buiteland vanaf Julie tot Desember</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>Maande</th> <th>Buiteland</th> <th>SA</th> <th>Totaal</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>Julie</td> <td>10</td> <td>15</td> <td>25</td> </tr> <tr> <td>Augustus</td> <td>8</td> <td>3</td> <td>11</td> </tr> <tr> <td>September</td> <td>10</td> <td>12</td> <td>22</td> </tr> <tr> <td>Oktober</td> <td>5</td> <td>6</td> <td>11</td> </tr> <tr> <td>November</td> <td>9</td> <td>4</td> <td>13</td> </tr> <tr> <td>Desember</td> <td>20</td> <td>26</td> <td>46</td> </tr> </tbody> </table>	Maande	Buiteland	SA	Totaal	Julie	10	15	25	Augustus	8	3	11	September	10	12	22	Oktober	5	6	11	November	9	4	13	Desember	20	26	46	<p>5A 1 Punt elk vir enige 5 stapels korrek afgesteek</p> <p>1A Stapels benoem of sleutel aangedui</p>	(6)
Maande	Buiteland	SA	Totaal																													
Julie	10	15	25																													
Augustus	8	3	11																													
September	10	12	22																													
Oktober	5	6	11																													
November	9	4	13																													
Desember	20	26	46																													
	4.1.3	<p>Somer in Suid-Afrika ✓✓</p> <p>Gunstige weerstoestande ✓✓</p> <p>Gewilde toeriste bestemming tydens die somerseisoen ✓✓</p> <p>(Aanvaar enige ander relevante antwoord.)</p>	20	(2)																												
	4.1.4	<p>P (besoeker in Oktober) = $\frac{11}{128}$ ✓</p> $= 0,0859375$ $= 0,086$ ✓	<p>1A Teller 1A Noemer 1A tot 3 desimale plekke</p>	(3)																												
4.2	<p>Besoeker van VSA = $(450 \times 6) + (70 \times 7)$ ✓</p> $= 2\ 700 + 490$ $= R3\ 190$ ✓ <p>In \$ = <u>3 190</u> 8,17365 ✓ $= 390,2785169 \times 0,5$ ✓ $= \\$195,139285$ $= \\$200$ ✓</p> <p>Deposito korrek ✓</p> <p>Paartjie van Frankryk = $(450 \times 2 \times 6) + (70 \times 2 \times 7)$ ✓ $= 5\ 400 + 980$ $= 6\ 380$</p> <p>In € = <u>6 380</u> 10,4743384379 ✓ $= 609,1076814 \times 0,5$ $= €304,5538407$ $= €300$ ✓</p> <p>Deposito nie korrek ✓</p>	<p>1M x 450 by 6 en 70 by 7 en optel 1CA (as 7 nagte gebruik word) 1M Deel deur wisselkoers 1M x 50% 1A tot die naaste 10 1O</p> <p>1M x 450 x 6 x2 en 70 by 7 x 2 en optel 1CA (as 7 nagte gebruik word) 1M Deel deur wisselkoers 1M x 50% 1A tot die naaste 10 1O</p>																														
				[27]																												
			TOTAAL:	150																												